

# Operaciona istraživanja

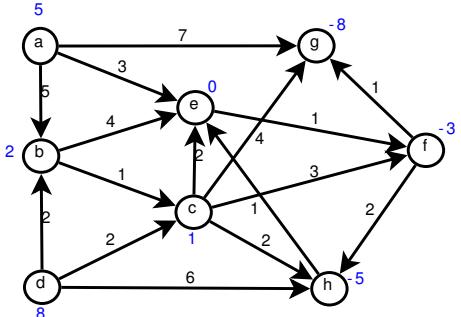
Na skladištu u Južnoj Americi se nalaze tovari  
 $10t$  banana zapremine  $250m^3$  i  $8t$  narandži za-  
 premine  $160m^3$ .

Avio prevoznik ima avion sa dva tovarna dela:  
 prednji, nosivosti  $12t$ , zapremine  $200m^3$  i zad-  
 nji, nosivosti  $8t$ , zapremine  $120m^3$ .

Zarada od prevoza  $1t$  banana je  $120\text{€}$ , a od  $1t$   
 narandži je  $150\text{€}$ .

- Postaviti problem linearog programiranja koji opisuje model maksimizacije zarade uvodeći veličine u tonama:

Na slici je data mreža transporta sa cenama na lukovima i zalihamama (potrebama) pored čvorova.



- Ako je problem minimizacije ukupne cene transporta koji odgovara datoj mreži  $\zeta = c^T x \rightarrow \min, Ax = b, x \geq 0$ , odrediti matrice  $A, b$  i  $c$ .
- Polazeći od pokrivačkog drveta: ae, bc, ce, cg, dc, fg, he, rešiti problem minimizacije ukupne cene transporta.

Bodovi:

- $\rightarrow 10$ , 2.  $\rightarrow 15$ , 3.  $\rightarrow 5$ , 4.  $\rightarrow 10$ , 5.  $\rightarrow 5$ , 6.  $\rightarrow 15$ , 7.  $\rightarrow 10$ , 8.  $\rightarrow 10$ .

$x_1$  = tovar banana u prednjem delu,  
 $x_2$  = tovar banana u zadnjem delu,  
 $x_3$  = tovar narandži u prednjem delu,  
 $x_4$  = tovar narandži u zadnjem delu,  
 uz poštovanje ograničenja.

- Rešiti postavljeni problem.
- Napisati optimalni rečnik.
- Do koje vrednosti zarada od prevoza ba-  
 nana može da se poveća pa da dobijeno  
 rešenje ostane optimalno?

- Dva igrača biraju istovremeno broj iz skupa  $\{1, 2, -2\}$ . Neka ja  $E$  proizvod izabralih brojeva. Ako je  $E$  pozitivan broj, drugi igrač daje prvom  $E$  dinara a, ako je  $E$  negativan, drugi dobija od prvog  $|E|$  dinara.

Naći optimalne strategije i vrednost igre.

- Rešiti transportni problem izmedju snabdevača  $S_1, S_2, S_3$  i  $S_4$  i potrošača  $P_1, P_2, P_3, P_4$  i  $P_5$ , ako su cene transporta, zalihe snabdevača i potrebe potrošača dati u tabeli:

	$P_1$	$P_2$	$P_3$	$P_4$	$P_5$	zalihe
$S_1$	3	1	5	4	2	15
$S_2$	6	2	7	5	3	17
$S_3$	8	4	9	6	4	20
$S_4$	4	3	8	3	5	18
potrebe	11	13	14	15	17	

