

## Diskretne i kombinatorne metode za računarsku grafiku - kolokvijum 1A

Data je funkcija PARTITION ( $A, p, r$ ) koja uređuje podniz niza  $A$  od  $p$  do  $r$  i vraća redni broj  $q$  ( $p \leq q \leq r$ ) elementa koji je bio na mestu  $r$  i premešten na mesto sa rednim brojem  $q$ , tako da su ispred njega manji ili jednaki, a iza njega veći elementi.

1. Kako će izgledati niz  $A = [9, 6, 8, 7, 9, 2, 1, 3, 4, 5]$  posle poziva PARTITION ( $A, 1, 10$ ) i koji će redni broj  $q$  elementa "na svom mestu" biti vraćen? (DOLE)
2. Koliko poređenja (linija 5) i poziva exchange (linije 7 i 10) će biti izvršeno u zadatku 1?
3. Napisati proceduru SORT ( $A, p, r$ ) koja se rekurzivno poziva i koristeći proceduru PARTITION vrši quick sort sortiranje niza  $A$  pozivom komande SORT ( $A, 1, \text{length}(A)$ ). Da smo pozvali funkciju SORT ( $A, 1, 10$ ) za niz  $A$  iz zadatka 1, kako bi glasila prva dva (hronološki) poziva funkcije PARTITION? (DOLE)
4. Dati definiciju "malog  $o$ " ponašanja. (Na dnu strane)

Da li je  $n\sqrt{n} = o(n \log n)$ ? NE (DA/NE)

Da li je  $\ln n = o(\log_{10} n)$ ? NE (DA/NE)

Za niz dužine  $n$  neka je  $T_{WM}(n)$  najgori slučaj vremena sortiranja Merge sort algoritmom i  $T_{WS}(n)$  najgori slučaj vremena sortiranja Selection sort algoritmom.

Da li je  $T_{WM}(n) = o(T_{WS})$ ? DA (DA/NE)

Da li je  $2n^2 + 3n\sqrt{n} = o(n\sqrt{n} \ln n)$ ? NE (DA/NE)

```

1: function PARTITION( $A, p, r$ )
2:    $x \leftarrow A[r]$ 
3:    $i \leftarrow p - 1$ 
4:   for  $j \leftarrow p$  to  $r - 1$  do
5:     if  $A[j] \leq x$  then
6:        $i \leftarrow i + 1$ 
7:       exchange( $A, i, j$ )
8:     end if
9:   end for
10:  exchange( $A, i + 1, r$ )
11:  return  $i + 1$ 
12: end function
```

1.  $A = [2, 1, 3, 4, 5, 9, 6, 8, 7, 9], q = 5$

2. Broj poređenja: 9, broj poziva exchange: 5.

3. **procedure** SORT( $A, p, r$ )  
**if**  $p < r$  **then**  
   $q \leftarrow \text{PARTITION}(A, p, r)$   
  SORT( $A, p, q - 1$ )  
  SORT( $A, q + 1, r$ )  
**end if**  
**end procedure**

Prvi poziv:

PARTITION ([9, 6, 8, 7, 9, 2, 1, 3, 4, 5], 1, 10)

Drugi poziv:

PARTITION ([2, 1, 3, 4, 5, 9, 6, 8, 7, 9], 1, 4)

4. Kažemo da je za nenegativni niz  $g$  klasa funkcija  $o(g)$  (čitamo malo o od g):

$$o(g) = \{f | (\forall c > 0)(\exists n_0 \in \mathbb{N})(\forall n) (n \geq n_0) \Rightarrow (0 \leq f(n) < cg(n))\}$$

## Diskretne i kombinatorne metode za računarsku grafiku - kolokvijum 1B

Data je funkcija PARTITION ( $A, p, r$ ) koja uređuje podniz niza  $A$  od  $p$  do  $r$  i vraća redni broj  $q$  ( $p \leq q \leq r$ ) elementa koji je bio na mestu  $r$  i premešten na mesto sa rednim brojem  $q$ , tako da su ispred njega manji ili jednaki, a iza njega veći elementi.

1. Kako će izgledati niz  $A = [9, 3, 4, 6, 8, 7, 9, 2, 1, 7]$  posle poziva PARTITION ( $A, 1, 10$ ) i koji će redni broj  $q$  elementa "na svom mestu" biti vraćen? (DOLE)
2. Koliko poređenja (linija 5) i poziva exchange (linije 7 i 10) će biti izvršeno u zadatku 1?
3. Napisati proceduru SORT ( $A, p, r$ ) koja se rekurzivno poziva i koristeći proceduru PARTITION vrši quick sort sortiranje niza  $A$  pozivom komande SORT ( $A, 1, \text{length}(A)$ ). Da smo pozvali funkciju SORT ( $A, 1, 10$ ) za niz  $A$  iz zadatka 1, kako bi glasila prva dva (hronološki) poziva funkcije PARTITION? (DOLE)
4. Dati definiciju "malog  $o$ " ponašanja. (Na dnu strane)

Da li je  $n \log n = o(n \sqrt{n})$ ? DA (DA/NE)

Da li je  $\log_{10} n = o(\ln n)$ ? NE (DA/NE)

Za niz dužine  $n$  neka je  $T_{WM}(n)$  najgori slučaj vremena sortiranja Merge sort algoritmom i  $T_{WS}(n)$  najgori slučaj vremena sortiranja Selection sort algoritmom.

Da li je  $T_{WM}(n) = o(T_{WS})$ ? DA (DA/NE)

Da li je  $2n^2 + 3n\sqrt{n} = o(n\sqrt[3]{n} \ln n)$ ? NE (DA/NE)

```

1: function PARTITION( $A, p, r$ )
2:    $x \leftarrow A[r]$ 
3:    $i \leftarrow p - 1$ 
4:   for  $j \leftarrow p$  to  $r - 1$  do
5:     if  $A[j] \leq x$  then
6:        $i \leftarrow i + 1$ 
7:       exchange( $A, i, j$ )
8:     end if
9:   end for
10:  exchange( $A, i + 1, r$ )
11:  return  $i + 1$ 
12: end function
```

1.  $A = [3, 4, 6, 7, 2, 1, 7, 8, 9, 9]$ ,  $q = 7$

2. Broj poređenja: 9, broj poziva exchange: 7.

3. **procedure** SORT( $A, p, r$ )  
**if**  $p < r$  **then**  
      $q \leftarrow \text{PARTITION}(A, p, r)$   
     SORT( $A, p, q - 1$ )  
     SORT( $A, q + 1, r$ )  
**end if**  
**end procedure**

Prvi poziv:

PARTITION ([9, 3, 4, 6, 8, 7, 9, 2, 1, 7], 1, 10)

Drugi poziv:

PARTITION ([3, 4, 6, 7, 2, 1, 7, 8, 9, 9], 1, 6)

4. Kažemo da je za nenegativni niz  $g$  klasa funkcija  $o(g)$  (čitamo malo o od g):

$$o(g) = \{f | (\forall c > 0)(\exists n_0 \in \mathbb{N})(\forall n) (n \geq n_0) \Rightarrow (0 \leq f(n) < cg(n))\}$$