

## Diskrete i kombinatorne metode za računarsku grafiku

```

procedure MERGE( $A, p, q, r$ )
  for  $k \leftarrow p$  to  $q$  do
     $L[k - p + 1] \leftarrow A[k]$ 
  end for
   $L[q - p + 2] \leftarrow \infty$ 
  for  $k \leftarrow q + 1$  to  $r$  do
     $R[k - q] \leftarrow A[k]$ 
  end for
   $R[r - q + 1] \leftarrow \infty$ 
   $i \leftarrow 1; j \leftarrow 1$ 
  for  $k \leftarrow p$  to  $r$  do
    if  $L[i] \leq R[j]$  then
       $A[k] \leftarrow L[i]; i \leftarrow i + 1$ 
    else
       $A[k] \leftarrow R[j]; j \leftarrow j + 1$ 
    end if
  end for
end procedure

```

1. Posle primene algoritma  $\text{MERGE}(A, 5, 7, 9)$  na ulaz  $A = [1, 8, 9, 3, 5, 6, 2, 7, 4]$ , koje će biti stanje niza  $A$ ?

2. Napisati rekurzivnu proceduru  $\text{SORT}(A, p, r)$  koja bi korišćenjem  $\text{MERGE SORT}(A)$  uradila sortiranje niza  $A$ .

```
procedure SORT( $A, p, r$ )
```

▷ Ovaj kod napisati

```
end procedure
```

```
procedure MERGE SORT( $A$ )
```

$\text{SORT}(A, 1, \text{length}(A))$

```
end procedure
```

3. Ispisati honološkim redom sve pozive procedure  $\text{MERGE}$  koji se vrše pri sortiranju niza  $A = [1, 8, 9, 3, 5, 6, 2, 7]$  pozivom  $\text{MERGE SORT}(A)$ ?

4. Dati definiciju "velikog  $\Theta$ " ponašanja i pokazati da je  $\frac{2}{3}n^2 + 80n = \Theta(n^2)$ .

Da li je  $\frac{3}{4}n^2 - 3\sqrt{n^3}n = \Theta(n^2)$ ? Da li je  $\frac{3}{4}n + 3n \ln n = \Theta(n^2)$ ?

5. Napisati u Programskom jeziku C proceduru koja za graf smešten u niz listi susedstva (Adjacency list)  $G$  vraća stepen  $s[i]$  svakog čvora  $i$  čija je lista susedstva  $G[i], i = 1, 2, \dots, n$ .

```

typedef int cvor;
typedef struct _node gnode;
typedef gnode *grana;

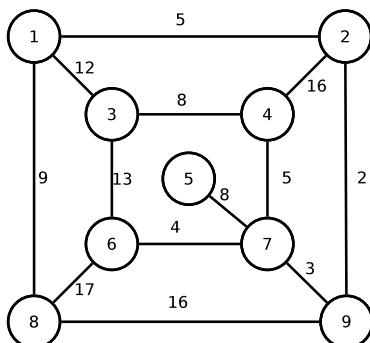
```

```

struct _node
{
  cvor data;
  gnode *next;
};

void stepen(grana G[], int n, int s[])
{
  \\\ G[], n su ulaz, s[] je izlaz
  \\\ Ovde ide traženi kod
}

```



6. U ovom zadatku koristiti graf sa slike, držati se leksikografskog redosleda i ignorisati težine grana. Dati reprezentaciju listama susedstva.

Primeniti na isti graf BFS algoritam polazeći od čvora 1, dati tabelu prethodnika i udaljenosti (broj koraka) od čvora 1.

Odrediti dijametar grafa sa slike i obrazložiti.

7. Za graf sa slike levo naći minimalno pokrivajuće drvo Primovom metodom polazeći od čvora 1. Napisati redosled kojim su dodavane grane na minimalno pokrivajuće drvo.

8. Građevinska firma ima 4 dizalice koje treba da pošalje na 4 lokacije (na svaku lokaciju po jednu dizalicu).

Udaljenosti u kilometrima od dizalica A, B, C, D do lokacija broj 1, 2, 3, 4 su date u tabeli.

|   | 1   | 2   | 3  | 4   |
|---|-----|-----|----|-----|
| A | 90  | 75  | 75 | 80  |
| B | 35  | 85  | 55 | 65  |
| C | 45  | 110 | 95 | 115 |
| D | 125 | 95  | 90 | 105 |

Gde treba da se pošalje koja dizalica tako da ukupna pređena kilometraža bude minimalna?

Bodovi: 1→10, 2→10, 3→10, 4→10, 5→15, 6→15, 7→10, 8→10